

Tema 1

Señales eléctricas en dominio de tiempo,

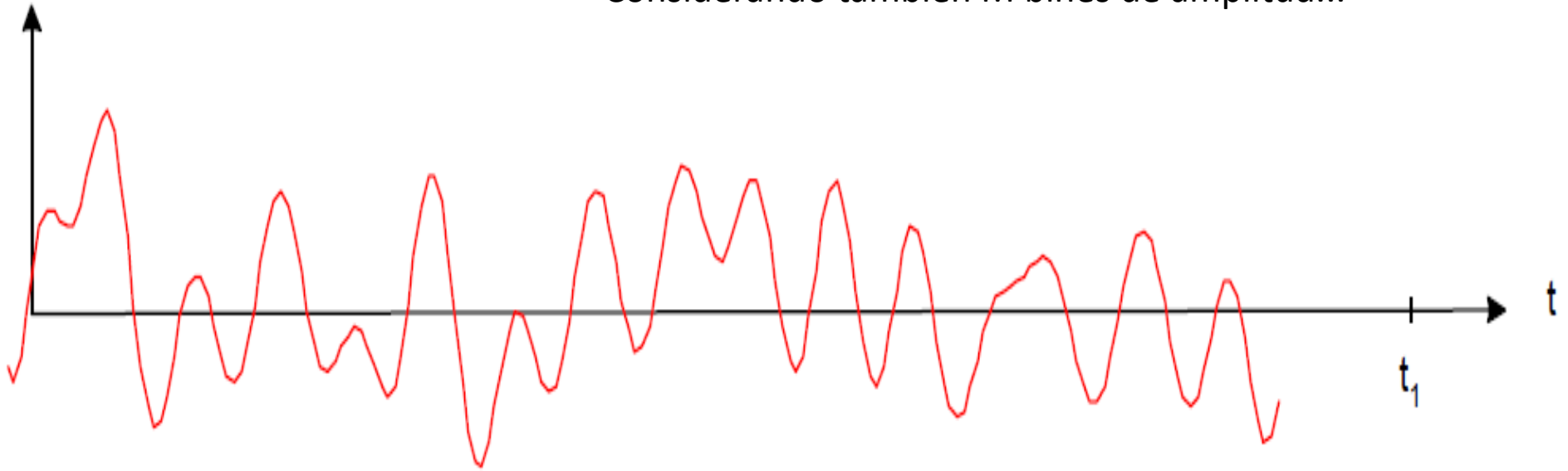
Clasificación de señales eléctricas en dominio de tiempo. Transitorias, Permanentes, Determinísticas, Aleatorias. Valor instantáneo, y promedios temporales: valor eficaz, potencia, energía. Señales aleatorias, promedios estadísticos. **Función de probabilidad acumulativa y densidad de probabilidad.** Procesos ergódicos.

Función de probabilidad acumulativa y función densidad de probabilidad

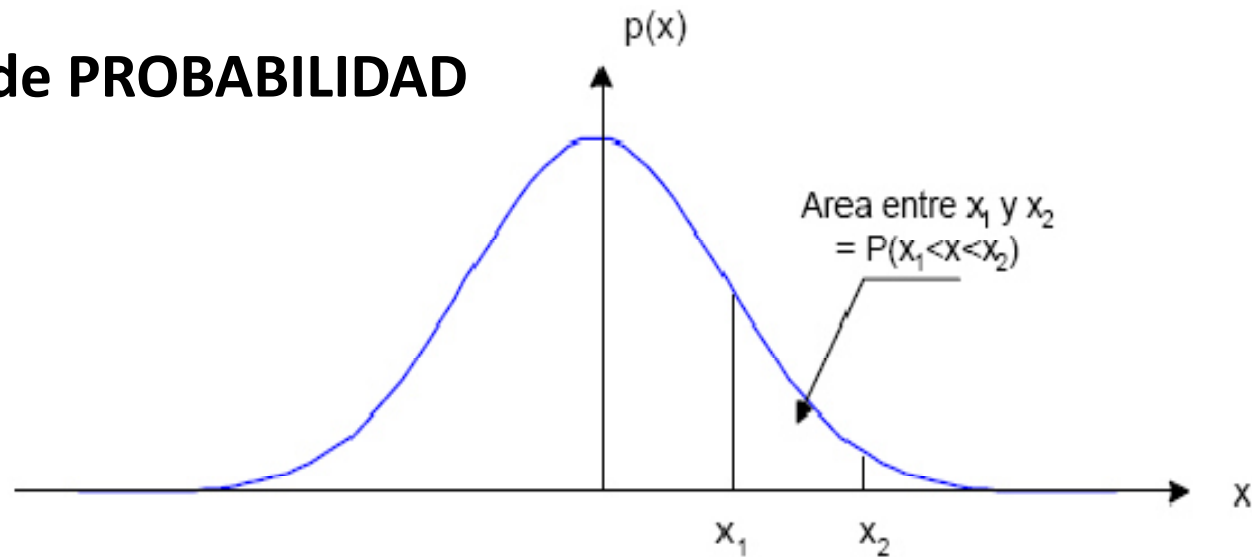
- * Cap. 3 “Sistemas de comunicación” Carlson.
- * Cap. 8.2 “Communication systems” Carlson-Crilly-Rutledge.
- * App. B-5 y 6 “Sistemas de comunicación digitales y analógicos” Couch

$x(t)$

Considerando también M bins de amplitud...



Función de DENSIDAD de PROBABILIDAD



El valor medio estadístico, definido antes, está relacionado con la densidad de probabilidad $p(x)$ por:

$$\bar{x} = \int_{-\infty}^{\infty} x \cdot p(x) \cdot dx \quad (\text{o } 1^{\text{er}} \text{ momento estadístico})$$

Esta relación permite calcularlo sin necesidad de efectuar el experimento de toma de muestras realizado antes.

En general se define el n momento estadístico como: $\overline{x^n} = \int_{-\infty}^{\infty} x^n \cdot p(x) \cdot dx$

Y, a partir de ellos, dos promedios importantes en el análisis de probabilidades :

Variación: $\sigma^2 = \overline{x^2} - (\bar{x})^2$ y Desviación Standard = σ

$$\bar{x} = \int_{-\infty}^{+\infty} x \cdot p(x) \cdot dx$$

$$\overline{x^2} = \int_{-\infty}^{+\infty} x^2 \cdot p(x) \cdot dx$$

$$\sigma^2 = \overline{x^2} - (\bar{x})^2 \quad \text{Varianza}$$

$$\sigma = \sqrt{\overline{x^2} - (\bar{x})^2} \quad \text{Desviación standard}$$

Relación con los valores temporales de una señal

$$\langle x \rangle = \bar{x}$$

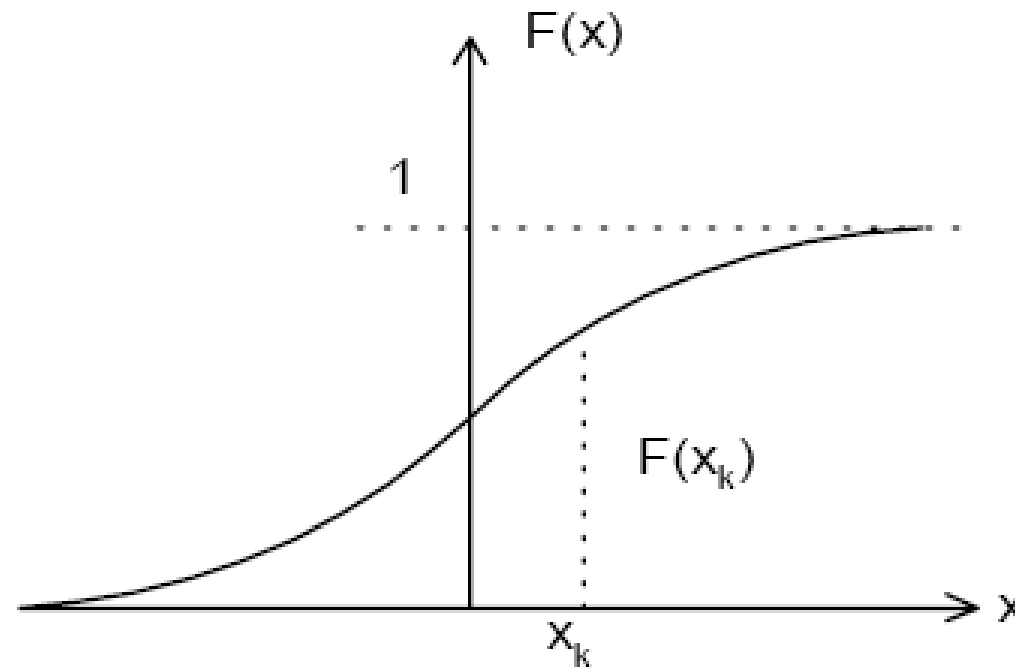
$$\langle x^2 \rangle = \overline{x^2}$$

FUNCIÓN DE PROBABILIDAD ACUMULATIVA (o acumulada)

Tomando el conjunto de los valores muestreados en t_1 por ejemplo, admitiendo el rango de variación de los $x(t)$ entre $+\infty$ y $-\infty$ y que el número de muestras $(n) \rightarrow \infty$, se puede definir una curva a partir de:

(a) Si existen k muestras que no superan un valor x_k , se define la cantidad (k/n) como la probabilidad de que la variable estadística x no supere el valor x_k : $P(x < x_k) = k/n$

(b) Representando $P(x < x_k)$ para todos los valores posibles de x , se obtiene una curva $F(x_k) = P(x < x_k)$ como la de la figura:



Relación entre la Función de Densidad de probabilidad y la de Probabilidad Acumulada .

$$p(x) = \frac{dF(x)}{dx}$$

$$dF(x) = p(x).dx$$

$$F(x) = \int^x p(z).dz$$

