

**Ejercicio 1.**

Los sistemas dados abajo tienen entradas  $x(t)$  o  $x[n]$  y salidas  $y(t)$  o  $y[n]$ , respectivamente. Determine para cada uno de ellos si son: (i) estable, (ii) causal, (iii) lineal y (iv) invariante en el tiempo.

a)  $y[n] = x_{[n-2]}^2$

b)  $y(t) = \cos(x(t))$

c)  $y[n] = 2 \cdot x[n] \cdot u[n]$

d)  $y(t) = t \cdot e^t \cdot x(t) \cdot u(t)$

e)  $y[n] = x_{[n+1]} - x_{[n-1]}$

**Ejercicio 2.**

Un sistema de tiempo discreto, lineal e invariante en el tiempo, tiene la respuesta al impulso

$h[n] = \left(\frac{2}{3}\right)^{|n-3|} \cdot (u[n] - u_{[n-7]})$ , determinar la salida  $y[n]$  para las siguientes señales de entrada:

a)  $x[n] = 2 \cdot \delta_{[n]} - \delta_{[n-3]}$

b)  $x[n] = u[n] - u_{[n-3]}$

**Ejercicio 3.**

Sea  $\tilde{\delta}_{N[n]}$  el tren infinito de impulsos dado por la expresión:

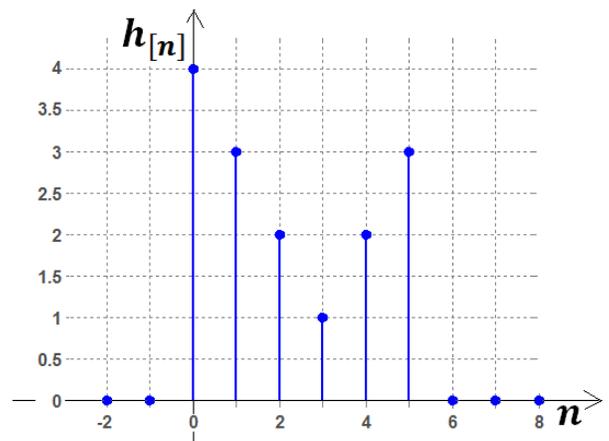
$$\tilde{\delta}_{N(n)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} \delta_{[n-m.N]}$$

Encontrar la salida del sistema de tiempo discreto lineal e invariante en el tiempo, cuya respuesta al impulso se representa en la figura, cuando se aplica al mismo las siguientes señales de entrada:

a)  $x[n] = \tilde{\delta}_{6(n)}$

b)  $x[n] = \tilde{\delta}_{8(n)}$

c)  $x[n] = \tilde{\delta}_{4(n)}$



### Ejercicio 4.

Considere el caso general de dos señales de duración finita, es decir que tienen valores nulo fuera de cierto intervalo. De modo que  $x_{1[n]} = 0$  para  $n < N_1$  o  $n > M_1$ , siendo  $L_1 = M_1 - N_1 + 1$  la duración de la señal  $x_{1[n]}$ , mientras que  $x_{2[n]} = 0$  para  $n < N_2$  o  $n > M_2$ , siendo  $L_2 = M_2 - N_2 + 1$  la duración de la señal  $x_{2[n]}$ .

Justificar que la señal  $x_{3[n]} = x_{1[n]} * x_{2[n]}$ , resultado del producto de convolución discreto, es también de duración finita, de modo que  $x_{3[n]} = 0$  para  $n < N_3$  o  $n > M_3$ , siendo:

$$N_3 = N_1 + N_2$$

$$L_3 = M_3 - N_3 + 1$$

$$M_3 = M_1 + M_2$$

$$L_3 = L_1 + L_2 - 1$$

### Ejercicio 5.

Encontrar los valores de los parámetros  $\alpha$ ,  $\tau_2$  y  $\tau_3$  de modo tal que la señal  $x_1(t)$  de la figura 1 esté dada por  $x_1(t) = \alpha \cdot x_2(t) * x_3(t)$ , donde las señales  $x_2(t)$  y  $x_3(t)$  se representan en las figuras 2 y 3, \* indica el producto de convolución continuo.

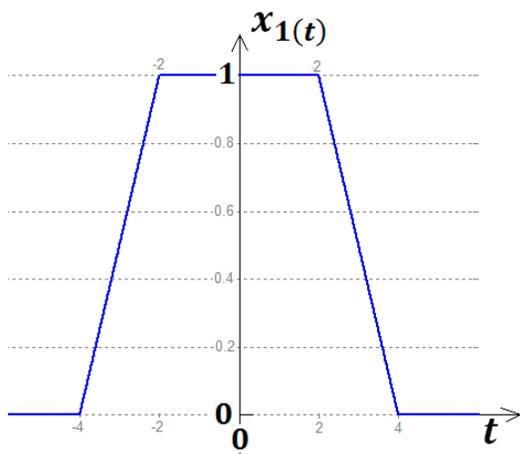


Figura 1.

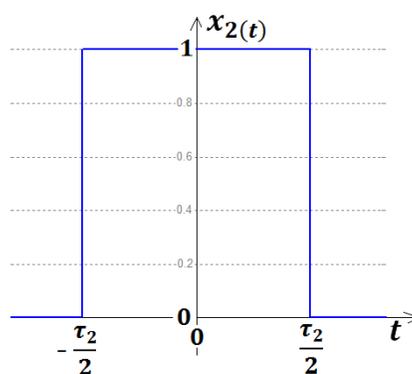


Figura 2.

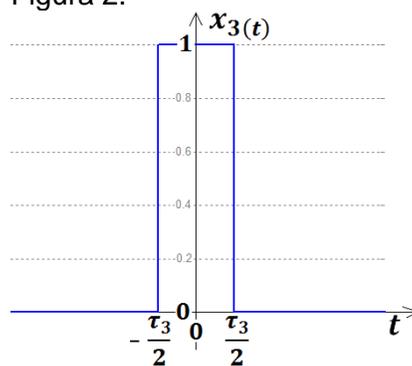


Figura 3.

### Ejercicio 6.

Calcular las autocorrelaciones de las siguientes señales:

a)  $x_{[n]} = a^n \cdot u_{[n]}$   $0 < a < 1$

b)  $x_{[n]} = \text{seno}\left(\frac{\pi \cdot n}{17}\right)$