

Universidad Nacional de Tucumán
Facultad de Ciencias Exactas y Tecnología

Carrera: Ingeniería en Computación - Año 2017

Asignatura: PROCESAMIENTO DIGITAL DE SEÑALES (E7Z)

Trabajo Práctico N°2

Ejercicio 1.

Los sistemas dados abajo tienen entradas $x(t)$ o $x[n]$ y salidas $y(t)$ o $y[n]$, respectivamente. Determine para cada uno de ellos si son: (i) estable, (ii) causal, (iii) lineal y (iv) invariante en el tiempo.

a) $y[n] = x_{[n-2]}^2$

b) $y(t) = \cos(x(t))$

c) $y[n] = 2 \cdot x[n] \cdot u[n]$

d) $y(t) = t \cdot e^t \cdot x(t) \cdot u(t)$

e) $y[n] = x_{[n+1]} - x_{[n-1]}$

Ejercicio 2.

Un sistema de tiempo discreto, lineal e invariante en el tiempo, tiene la respuesta al impulso

$h[n] = \left(\frac{2}{3}\right)^{|n-3|} \cdot (u[n] - u_{[n-7]})$, determinar la salida $y[n]$ para las siguientes señales de entrada:

a) $x[n] = 2 \cdot \delta_{[n]} - \delta_{[n-3]}$

b) $x[n] = u[n] - u_{[n-3]}$

Ejercicio 3.

Sea $\tilde{\delta}_{N[n]}$ el tren infinito de impulsos dado por la expresión:

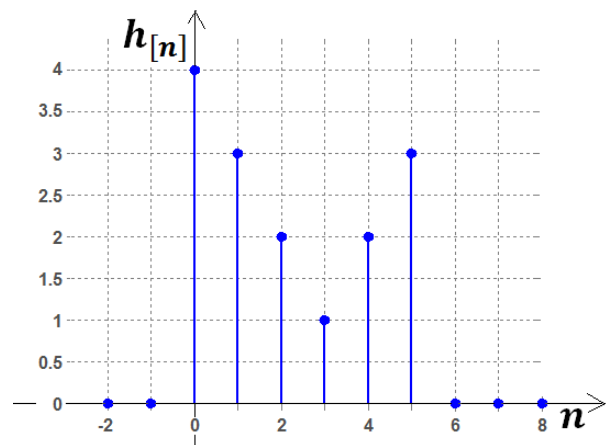
$$\tilde{\delta}_{N(n)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} \delta_{[n-m.N]}$$

Encontrar la salida del sistema de tiempo discreto lineal e invariante en el tiempo, cuya respuesta al impulso se representa en la figura, cuando se aplica al mismo las siguientes señales de entrada:

a) $x[n] = \tilde{\delta}_{6(n)}$

b) $x[n] = \tilde{\delta}_{8(n)}$

c) $x[n] = \tilde{\delta}_{4(n)}$



Ejercicio 4.

Considere el caso general de dos señales de duración finita, es decir que tienen valores nulo fuera de cierto intervalo. De modo que $x_{1[n]} = 0$ para $n < N_1$ o $n > M_1$, siendo $L_1 = M_1 - N_1 + 1$ la duración de la señal $x_{1[n]}$, mientras que $x_{2[n]} = 0$ para $n < N_2$ o $n > M_2$, siendo $L_2 = M_2 - N_2 + 1$ la duración de la señal $x_{2[n]}$.

Justificar que la señal $x_{3[n]} = x_{1[n]} * x_{2[n]}$, resultado del producto de convolución discreto, es también de duración finita, de modo que $x_{3[n]} = 0$ para $n < N_3$ o $n > M_3$, siendo:

$$N_3 = N_1 + N_2$$

$$L_3 = M_3 - N_3 + 1$$

$$M_3 = M_1 + M_2$$

$$L_3 = L_1 + L_2 - 1$$

Ejercicio 5.

Encontrar los valores de los parámetros α , τ_2 y τ_3 de modo tal que la señal $x_1(t)$ de la figura 1 esté dada por $x_1(t) = \alpha \cdot x_2(t) * x_3(t)$, donde las señales $x_2(t)$ y $x_3(t)$ se representan en las figuras 2 y 3, * indica el producto de convolución continuo.

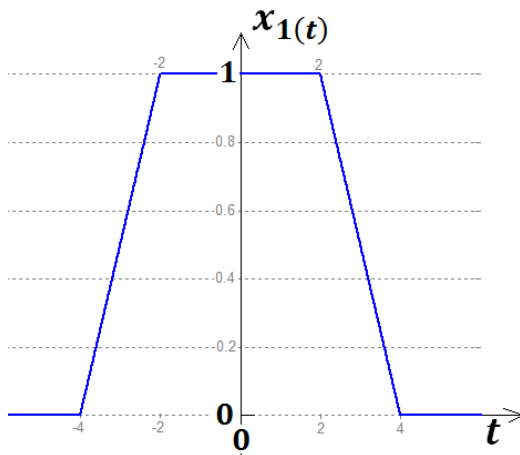


Figura 1.

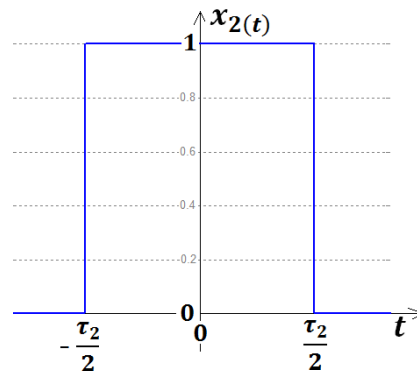


Figura 2.

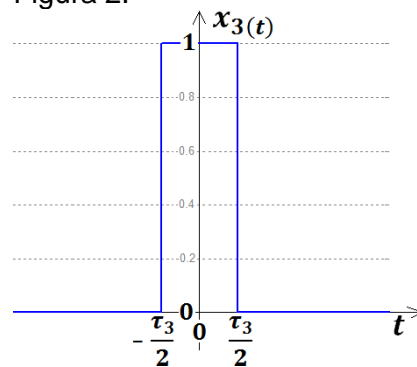


Figura 3.

Ejercicio 6.

Calcular las autocorrelaciones de las siguientes señales:

a) $x_{[n]} = a^n \cdot u_{[n]} \quad 0 < a < 1$

b) $x_{[n]} = \text{seno} \left(\frac{\pi \cdot n}{17} \right)$