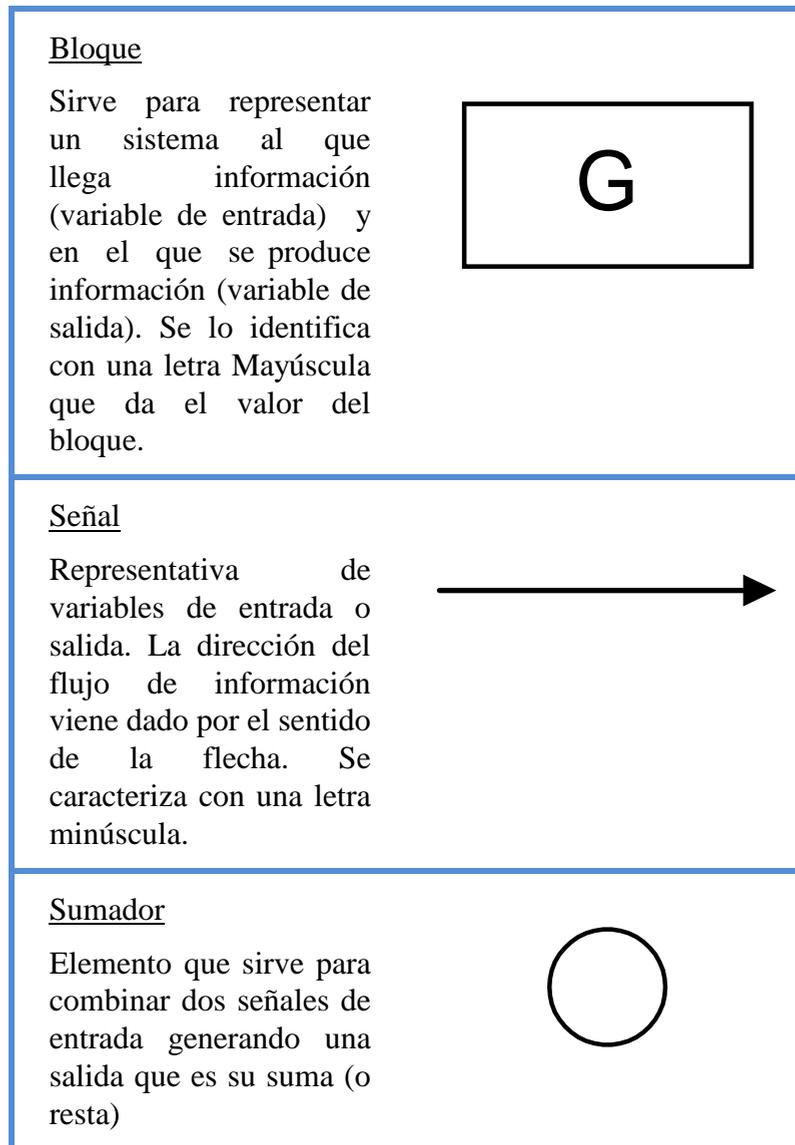


Diagramas en Bloques

Un sistema de control puede constar de cierta cantidad de componentes. Para mostrar las funciones que realiza cada componente se acostumbra usar representaciones esquemáticas denominadas Diagrama en Bloques. Este tipo de diagramas emplea tres símbolos:



Operaciones elementales

Dos son las operaciones elementales definidas para los Diagramas en bloque. Una la que define la función del bloque y que se esquematiza como sigue:

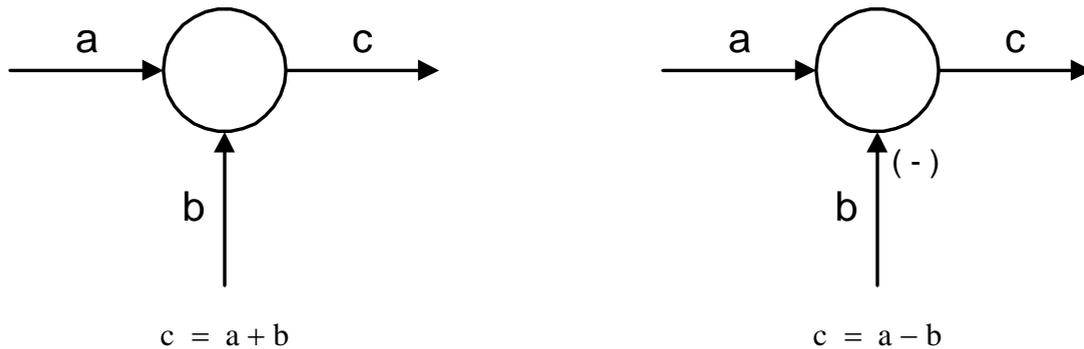


La variable de entrada es 'a', perfectamente individualizada por la dirección de la flecha. La variable de salida es 'b' y la relación matemática entre ambas es:

$$b = G a$$

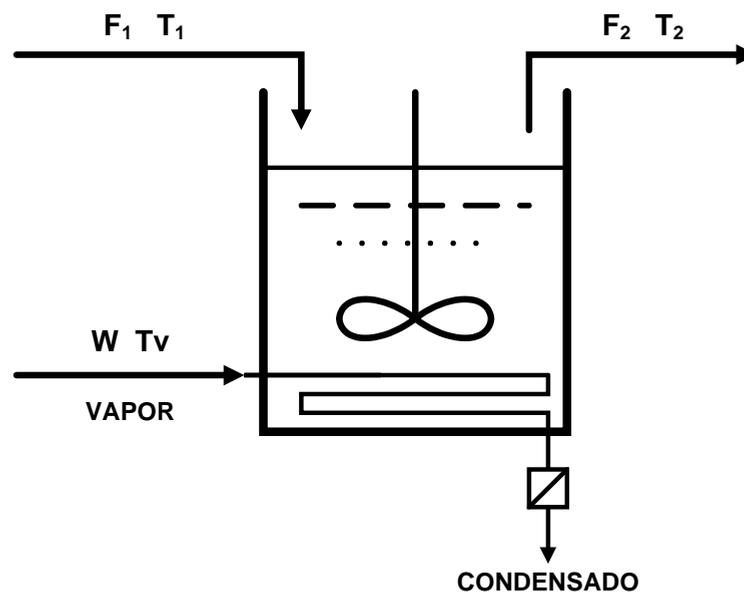
Se quiere poner de manifiesto una relación causa-efecto. La variable de entrada 'a' influye (causa) en el sistema determinado por el bloque G que genera una variable de salida (efecto). Esta variable de salida es la consecuencia de la entrada 'a' y de la naturaleza del sistema 'G'. Cada bloque tiene una sola entrada y una sola salida.

La combinación de señales se hace a través del sumador al que ingresan dos señales de entrada y de la que resulta una salida, la suma (o resta) de las entradas:

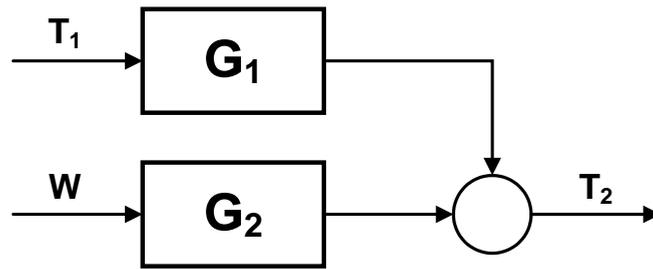


Cuando una de las señales se resta, debe indicarse explícitamente en la proximidad del sumador con el signo '(-)'. Toda la representación de un sistema físico en el que existen diversos subsistemas y en que se relacionan diversas variables se debe describir con estos tres elementos.

A modo de ejemplo consideremos un tanque agitado continuo al que ingresa una corriente F_1 y sale una corriente F_2 . Mediante un flujo de vapor W que condensa en un serpentín se transfiere calor haciendo que la corriente que ingresa a la temperatura T_1 salga a una mayor T_2 .



Hay diversas variables de entrada. Considérese T_1 y W (se supone que solo éstas cambian). Debido al cambio de estas entradas, la temperatura T_2 cambiará. Se observa la acción de dos causas (variables de entrada) y el efecto sobre una variable de salida T_2 a través de un sistema que en este caso es el tanque. Para representar esta relación entrada-salida (causa-efecto) se puede emplear el siguiente *Diagrama en Bloques*:



que matemáticamente se puede expresar como:

$$\text{Salida} = (\text{Bloque 1}) \text{ entrada 1} + (\text{Bloque 2}) \text{ entrada 2}$$

$$T_2 = G_1 T_1 + G_2 W$$

y que puede interpretarse de la siguiente forma

T₂ cambia como resultado de la influencia de cambios en T₁ (una de las entradas) a través del bloque G₁ a lo que se le debe sumar la influencia de la otra variable de entrada W que produce cambios en la salida a través del bloque G₂. Tanto G₁ como G₂ representan la influencia del sistema (en este caso el tanque con calefacción) sobre la variable de salida, pero cada una considera la influencia de una variable de entrada

La representación con Diagramas en Bloques sirve exclusivamente para sistemas lineales, es decir para aquellos en los que la influencia de diversas variables de entrada resultan igual a la suma de las influencias individuales. No obstante esto, se puede extender este análisis a sistemas no lineales.

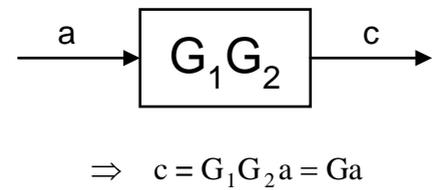
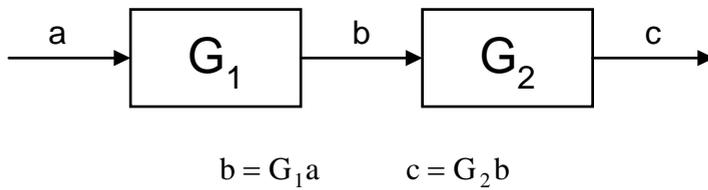
Las ventajas de esta representación es que resulta fácil formar el diagrama en bloques global de todo el sistema, colocando simplemente los bloques de sus componentes de acuerdo con el flujo de señales. De esta forma es posible evaluar la contribución de cada componente al comportamiento general de todo el sistema. El funcionamiento de un sistema se puede ver más fácilmente examinando el diagrama de bloques, que analizando el sistema físico en sí.

Un diagrama de bloques contiene información respecto al comportamiento dinámico, pero no de la constitución física del sistema. En consecuencia, muchos sistemas distintos, sin relación alguna entre ellos, pueden estar representados por el mismo diagrama de bloques.

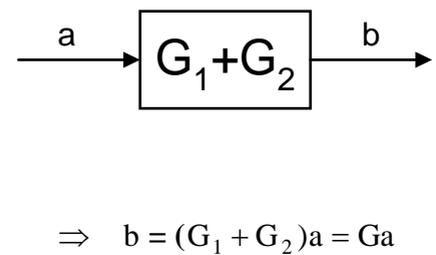
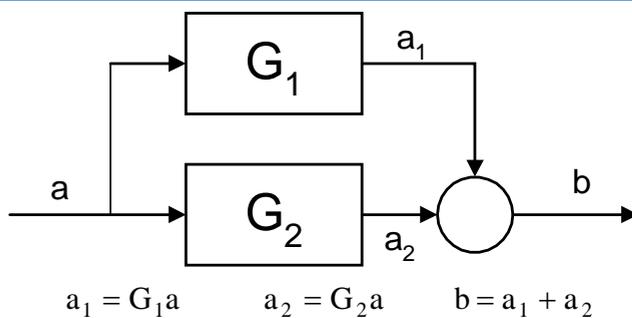
Álgebra elemental de bloques

Los diagramas en bloques representados por muchos bloques y señales intermedias pueden simplificarse en un solo bloque cuyo valor es una función de los bloques individuales pero no de las señales intermedias. Para simplificar diagramas muy complejos se pueden emplear las tres reglas elementales (y toda otra que se deduzca a partir de ellas) que se presentan en la Tabla siguiente.

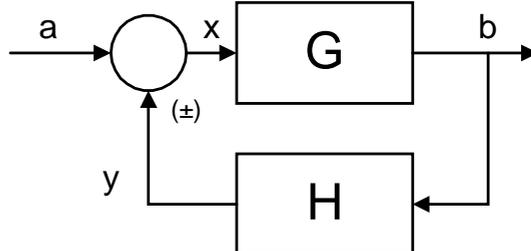
Bloques en Serie



Bloques en Paralelo



Realimentación



$x = a + y$

$b = Gx$ $y = Hb$

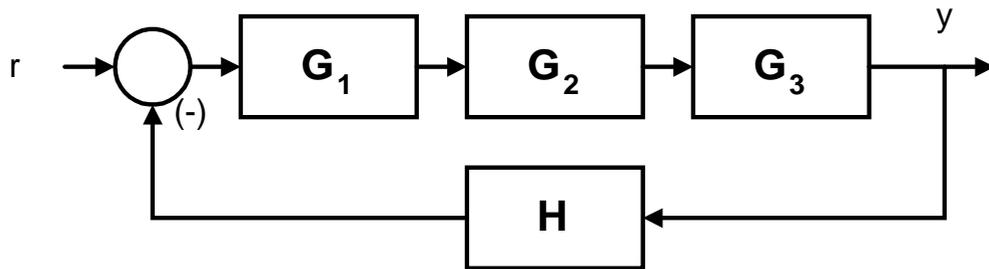
$x = a - y$



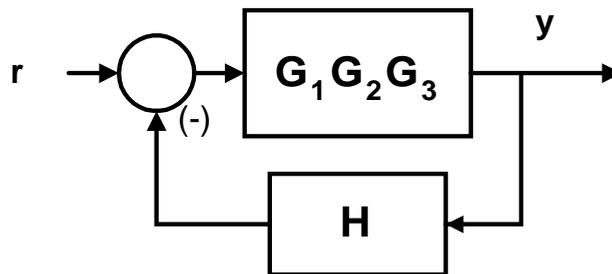
$\Rightarrow b = \frac{G}{1 - GH} a = Fa$

$\Rightarrow b = \frac{G}{1 + GH} a = Fa$

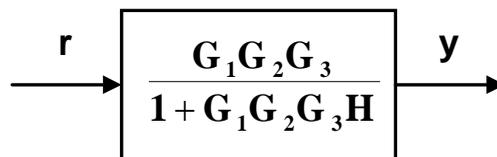
Empleando estas reglas se puede simplificar diagramas integrados por diversos elementos hasta llegar a una representación mínima. A modo de ejemplo, se puede considerar el diagrama siguiente (muy difundido en Control de Procesos) que consta de 4 bloques y 2 sumadores. Se pretende encontrar la relación entre "r" (entrada) e "y" (salida) a través de un un solo bloque equivalente.



Considerando los bloques en serie G_1 , G_2 y G_3 queda:



y resolviendo la realimentación:



o expresado en términos de ecuaciones:

$$y = \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + G_1 G_2 G_3 H} r$$

Esto nos refiere a la conocida "*Regla de Mason*" que dice que cuando existe un lazo de realimentación, la transferencia entre la entrada y la salida es igual al producto de todas las transferencias en el camino directo entrada-salida dividido en 1 más el producto de todas las transferencias incluidas en el circuito de realimentación (o 1 menos si la realimentación es positiva).