

1. Sea \mathcal{C} la frontera de la región plana que queda entre las curvas de ecuación $x^2 = 1 - y$; $y = -x - 1$. Calcular

a) $\int_{\mathcal{C}} \frac{2x}{\sqrt{1+4x^2}} ds$

b) La integral de línea del campo $\vec{F}(x, y) = (y, -x)$ partiendo del punto $(0, 1)$ hasta el punto $(-1, 0)$ siguiendo \mathcal{C} por el camino de menor longitud.

c) El trabajo que realiza el campo $\vec{F}(x, y) = (e^x - y, e^y - 2x)$ para mover una partícula unidad a lo largo de \mathcal{C} .

2. Dadas las superficies de ecuaciones $z = \sqrt{x^2 + y^2}$; $2 - z = x^2 + y^2$

a) Calcular el área de la porción de paraboloides que se encuentra dentro del cono.

b) Si \mathcal{S} es la superficie frontera del sólido que queda entre las superficies dadas, calcular el flujo del campo $\vec{F}(x, y, z) = (3x + e^{yz}, y - 3z, e^{x^2}y + 4z)$ que sale de \mathcal{S} .

3. Calcular la circulación del campo

$$\vec{F}(x, y, z) = (z + e^{xy}, \ln(y^2 + 1) + 2x^3, 3x - z^3 - 4y^2)$$

a lo largo de la circunferencia parametrizada por

$$\beta(t) = (2\cos t, 2, 2\sin t) \quad t \in [0, 2\pi]$$

4. Sea \mathcal{C} la porción de parábola $y = x^2$ que une los puntos $(-2, 4)$ y $(1, 1)$. Calcular

a) $\int_{\mathcal{C}} \frac{-x}{\sqrt{1+4x^2}} ds$

b) La integral de línea del campo $\vec{F}(x, y) = (y, -x)$ partiendo del punto $(0, 0)$ hasta el punto $(-2, 4)$ siguiendo \mathcal{C} .

5. Sea γ la frontera de la región plana entre las curvas $y = x^2$; $y - x = 2$. Calcular el trabajo que realiza el campo $\vec{F}(x, y) = (2y, -x)$ para mover una partícula unidad a lo largo de γ . ¿Es \vec{F} conservativo?. Justifique

6. Dadas las superficies de ecuaciones $z = \sqrt{x^2 + y^2}$; $2 - z = x^2 + y^2$

a) Calcular la masa contenida en la porción de paraboloides que se encuentra dentro del cono si la función densidad de masa responde a $\mu(x, y, z) = \frac{1}{9-4z}$

b) Si \mathbf{S} es la superficie frontera del sólido que queda entre las superficies dadas, calcular el flujo del campo $\vec{F}(x, y, z) = (-x + e^y, 2y, y + 4z)$ que sale de \mathbf{S} .

7. Calcular la circulación del campo

$$\vec{F}(x, y, z) = (e^{xz} - 2y, 2x + \ln(y^2 + 1), \operatorname{sen} x^2 + 2z)$$

a lo largo de la circunferencia parametrizada por

$$\beta(t) = (\cos t, \operatorname{sen} t, 1) \quad t \in [0, 2\pi]$$